

Exercice n°1 : Partie A :

1. L'image de -1 par f est 0

2. $f(4) = -5$.

3. $f'(2)$ est le coefficient directeur de la tangente au point d'abscisse 2 c'est-à-dire de la tangente T_1 .
 $f'(2) = -2$

4. Les antécédents de -5 par f sont -2 et 4.

5. Tableau de variations

Valeurs de x	-3	1	5
Variations de f	-12 ↗	4 ↘	-12

- 6. a) $f(x) = 0$ a deux solutions -1 et 3 ;
- b) $f(x) = 3$ a deux solutions 0 et 2.
- c) $f(x) = 4,5$ n'a pas de solution.

Partie B

1. $g(x) = 2x - 1$. $f(x) = -x^2 + 2x + 3$.

$$f(x) - g(x) = -x^2 + 2x + 3 - (2x - 1) = -x^2 + 2x + 3 - 2x + 1 = -x^2 + 4 = 4 - x^2$$

$$(2 - x)(2 + x) = 4 + 2x - 2x - x^2 = 4 - x^2 \text{ donc on a bien } f(x) - g(x) = (2 - x)(2 + x)$$

2. $f(x) = g(x) \Leftrightarrow f(x) - g(x) = 0 \Leftrightarrow (2 - x)(x + 2) = 0 \Leftrightarrow x = 2 \text{ ou } x = -2$. Le résultat obtenu est bien cohérent avec celui obtenu dans la question 10.c.

3. Etude du signe de $f(x) - g(x) = (2 - x)(2 + x)$.

x	-3	-2	2	5
2 - x	+	+	0	-
2 + x	-	0	+	+
$f(x) - g(x)$	-	0	+	-

L'ensemble des solutions de $f(x) < g(x)$ est $[-3 ; -2[\cup]2 ; 5]$

Le résultat obtenu est cohérent avec celui obtenu dans la question 10.d .

Partie C :

a	-2	-1	0	1	3
$f'(a)$	6	4	2	0	-4

1. Soit A le point de la courbe (C) d'abscisse -1.

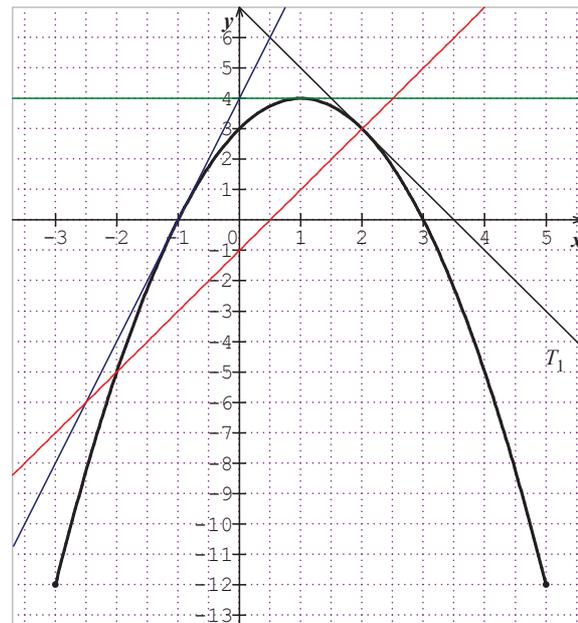
a) D'après le tableau $f'(-1) = 4$ donc le coefficient directeur de la tangente T_A à C en A est 4.

T_A en bleu sur la figure ci-dessus.

b) L'équation réduite de T_A est $y = f'(-1)(x+1) + f(-1)$

soit $y = 4(x+1) + 0$. L'équation réduite de T_A est $y = 4x + 4$.

2. Soit B le point de la courbe (C) d'abscisse 1. D'après le tableau $f'(1) = 0$ donc le coefficient directeur de la tangente T_B à C en B est 0 et la tangente est parallèle à l'axe des abscisses.



Exercice n°2 : f est la fonction définie sur $]-3,0[\cup]0,3]$ par $f(x) = \frac{2x-1}{x^2}$. Rappel : 0 est valeur interdite car on n'a pas le droit de diviser par zéro.

a) Tableau de valeurs (les valeurs sont approchées à 10^{-2} près).

x	-3	-2	-1	-0,5	0,25	0,5	1	2	3
f(x)	-0,78	-1,25	-3	-8	-8	0	1	0,75	0,56

c) Tableau de variation de la fonction f.

x	-3	0	1	3
Variations de f(x)	$-\frac{7}{9}$		1	$\frac{5}{9}$

$$f(-3) = \frac{-6-1}{9} = -\frac{7}{9} \text{ et } f(3) = \frac{6-1}{9} = \frac{5}{9}$$

7. Si $k > 4$, l'équation $f(x) = k$ n'a pas de solution.

Si $k = 4$, l'équation $f(x) = k$ a une solution.

Si $-12 \leq k < 4$, l'équation $f(x) = k$ a deux solutions.

Si $k < -12$, l'équation $f(x) = k$ n'a pas de solution.

8. a) $f(x) < 3$ sur $]-3 ; 0[\cup]2 ; 5]$

b) $f(x) \geq -5$ sur $[-2 ; 4]$.

9. Tableau de signes :

Valeurs de x	-3	-1	3	5
Signe de f(x)	-	0	+	0

10. g est la fonction définie sur \mathbb{R} par $g(x) = 2x - 1$ et D est sa représentation graphique

a. Pour $x = 1$, $2x - 1 = 1$ donc le point A (1 ; 1) appartient à D

b. D est la droite passant par A(1 ; 1) et B (-3 ; -7). Voir graphique.

c. On cherche les abscisses des points d'intersection de C_f et D : $f(x) = g(x)$ a deux solutions : 2 et -2.

d. $f(x) < g(x)$ sur $[-3 ; -2[\cup]2 ; 5]$

