Calculatrice autorisée. NOM: ...... PRENOM:

**Exercice n°1**: Déterminer la **dérivée** de la fonction polynôme f définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$ :  $f(x) = (2x^3 - 2)^5$ 

**Exercice n°2**: Soit la fonction f définie sur ]0,+ $\infty$ [ par  $x = 2x^3 - 6x^2 - \frac{2}{x^2}$ 

- 1°) Expliquer pourquoi cette fonction admet des primitives sur l'intervalle ]0,+ $\infty$ [ .
- 2°) Déterminer la **primitive** F de f sur  $]0,+\infty[$  de la fonction suivante telle que F(1) = 0.

**Exercice n°3**: Soit la fonction f définie sur ]- $\infty$ + $\infty$ [ par-f x= 3 sin(x) -  $\frac{1}{3}$ x<sup>2</sup> + x

Déterminer la **primitive** F de f sur ]-  $\infty$ ,+ $\infty$ [ telle que F(0) = 2.

**Exercice n°4:** Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = (4x^2 - 2)(2x^3 - 3x - 2)^3$ .

- 1°) Déterminer une fonction u et un réel k tels que f(x) s'écrive sous la forme  $= f \times = k \times u' \times u' \times u'$
- 2°) Déterminer une **primitive** F de f .

**Exercice n°5**: Soit f la fonction définie sur ]-3; 1 [ par  $f(x) = \frac{x+1}{(x^2+2x-3)^2}$ .

Déterminer les primitives F de f.

Exercice n°6: Soit la fonction définie sur I = 
$$\left] -\frac{1}{2}, +\infty \right[ par : f(x) = \frac{-4x^3 + 8x^2 + 11x + 5}{(2x + 1)^2} \right]$$

- 1°) Calculer les réels a, b et c tels que pour tout x élément de  $\left] -\frac{1}{2}, +\infty \right[$ :  $f(x) = ax + b + \frac{c}{(2x+1)^2}$ .
- 2°) En déduire les primitives de f sur l'intervalle I.

TSTL vendredi 14 janvier 2011

Evaluation n°....

Calculatrice autorisée. NOM: ...... PRENOM: ......

**Exercice n°1:** Déterminer la **dérivée** de la fonction polynôme f définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$ :  $f(x) = (2x^3 - 2)^5$ 

**Exercice n°2**: Soit la fonction f définie sur ]0,+ $\infty$ [ par f  $= 2x^3 - 6x^2 - \frac{2}{x^2}$ 

- 1°) Expliquer pourquoi cette fonction admet des primitives sur l'intervalle ]0,+ $\infty$ [ .
- 2°) Déterminer la **primitive** F de f sur  $]0,+\infty[$  de la fonction suivante telle que F(1) = 0.

**Exercice n°3**: Soit la fonction f définie sur ]- $\infty$ + $\infty$ [ par\_f x= 3 sin(x) -  $\frac{1}{3}$ x<sup>2</sup> + x

Déterminer la **primitive** F de f sur ]-  $\infty$ ,+ $\infty$ [ de la fonction suivante telle que F(0) = 2.

**Exercice n°4:** Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = (4x^2 - 2)(2x^3 - 3x - 2)^3$ .

- 1°) Déterminer une fonction u et un réel k tels que f(x) s'écrive sous la forme :  $f(x) = k \times u'(x) \times \left[u(x)\right]^2$
- 2°) Déterminer la **primitive** F de f.

**Exercice n°5**: Soit f la fonction définie sur ]-3; 1 [ par  $f(x) = \frac{x+1}{(x^2+2x-3)^2}$ .

Déterminer les primitives F de f.

Exercice n°6: Soit la fonction définie sur  $I = \left[ -\frac{1}{2}, +\infty \right]$  par :  $f(x) = \frac{-4x^3 + 8x^2 + 11x + 5}{(2x + 1)^2}$ 

- 1°) Calculer les réels a, b et c tels que pour tout x élément de  $\left] -\frac{1}{2}, +\infty \right[$ :  $f(x) = ax + b + \frac{c}{(2x+1)^2}$
- 2°) En déduire les primitives de f sur l'intervalle I.