

Exercice n°1 :

$$1^{\circ}) -3x + 1 \geq 0 \Leftrightarrow -3x \geq -1 \Leftrightarrow x \leq \frac{1}{3}.$$

$$\text{Conclusion : } S = \left] -\infty, \frac{1}{3} \right]$$

$$2^{\circ}) \frac{2x+2}{4} - \frac{x+1}{3} \leq \frac{1+4x}{6}$$

$$\text{On réduit au même dénominateur : } \frac{6x+6}{12} - \frac{4x+4}{12} \leq \frac{2+8x}{12}.$$

$$\text{On multiplie les deux membres de l'inégalité par 12 et on obtient : } 6x + 6 - (4x + 4) \leq 2 + 8x$$

$$\text{D'où } 6x + 6 - 4x - 4 \leq 2 + 8x$$

$$2x + 2 \leq 2 + 8x$$

$$\text{On ajoute } -2x - 2 \text{ aux deux membres : } 0 \leq 6x.$$

$$\text{On divise les deux membres par 6 : } 0 \leq x.$$

$$\text{Conclusion : } \frac{2x+2}{4} - \frac{x+1}{3} \leq \frac{1+4x}{6} \text{ a pour ensemble de solutions } [0; +\infty[$$

$$3^{\circ}) x - \frac{3+3x}{6} > \frac{x+1}{2} \Leftrightarrow \frac{6x}{6} - \frac{3+3x}{6} > \frac{3x+3}{6} \Leftrightarrow \frac{3x-3}{6} > \frac{3x+3}{6} \Leftrightarrow 3x-3 > 3x+3 \Leftrightarrow 0x > 6.$$

Cette inégalité est impossible donc $S = \emptyset$.

Exercice n°2 : $1,41 \leq a \leq 1,42$.

On multiplie par -2 qui est négatif (on change le sens des inégalités) : $-2,82 \geq a \geq -2,84$

On ajoute 7 et on obtient $4,18 \geq a \geq 4,16$.

On divise par 5 qui est positif $0,836 \geq a \geq 0,832$.

Conclusion : $0,832 \leq B \leq 0,836$

Exercice n°3 :

$$\frac{4}{5} = \frac{24}{30} \text{ et } \frac{5}{6} = \frac{25}{30} \text{ donc } \frac{4}{5} < \frac{5}{6}.$$

$$\text{Donc } A \cap B = \left[\frac{4}{5}; \frac{5}{6} \right[\text{ et } A \cup B = [-1; 1].$$

$$A \cap C = \{ \}, A \cup C = \left[\frac{4}{5}; +\infty \right[.$$

Exercice n°4 : expression égale ou opposée ?

$$A = (3x - 2)(1 - x).$$

$$B = -(3x - 2)(1 - x)$$

$$B = -A$$

$$B = -A$$

$$C = -(3x - 2)(x - 1)$$

$$C = -(3x - 2) \times (-(1 - x))$$

$$C = A$$

$$D = -(2 - 3x)(x - 1)$$

$$D = -(-(3x - 2)) \times (-(1 - x))$$

$$D = -A$$

$$E = (2 - 3x)(1 - x)$$

$$E = -(3x - 2) \times (1 - x)$$

$$E = -A$$

Exercice n° 5

$$1^{\circ}) (4x+3)^2 = 16x^2 + 24x + 9$$

$$2^{\circ}) A(x) = (2x-1)^2 - (2x-3)(5x+2) - (x-3)(x+3)$$

$$A(x) = 4x^2 - 4x + 1 - (10x^2 + 4x - 15x - 6) - (x^2 - 9)$$

$$A(x) = 4x^2 - 4x + 1 - 10x^2 - 4x + 15x + 6 - x^2 + 9$$

$$\underline{A(x) = -7x^2 + 7x + 16}$$

$$3^{\circ}) B(x) = (x-1)(3x+2) - (x-1)$$

$$B(x) = (x-1)(3x+2) - (x-1) \times 1$$

$$B(x) = (x-1)(3x+2-1)$$

$$B(x) = (x-1)(3x+1)$$

$$C(x) = (6x+4) - (x-1)(3x+2)$$

$$C(x) = 2(3x+2) - (x-1)(3x+2)$$

$$C(x) = (3x+2)(2-x+1)$$

$$C(x) = (3x+2)(3-x)$$

$$D(x) = (2x-3)(x+1) + (3-2x)(2-x)$$

$$D(x) = (2x-3)(x+1) - (2x-3)(2-x)$$

$$D(x) = (2x-3)(x+1-2+x)$$

$$D(x) = (2x-3)(2x-1)$$

$$E(x) = (2-3x)(x-1)^2 - (4-6x)(x-1)$$

$$E(x) = (2-3x)(x-1)(x-1) - 2(2-3x)(x-1)$$

$$E(x) = (2-3x)(x-1)[(x-1)-2]$$

$$\underline{E(x) = (2-3x)(x-1)(x-3)}$$

$$F(x) = 36(x-1)^2 - (x-2)^2$$

$$F(x) = [6(x-1)]^2 - (x-2)^2$$

$$F(x) = [6(x-1)-(x-2)] [6(x-1)+(x-2)]$$

$$F(x) = (5x-4)(7x-8)$$

Exercice n°6 : $g(x) = x - 1 - 2(x-1)^2 + 4(x^2 - 1)$

a) $g(x) = x - 1 - 2(x^2 - 2x + 1) + 4x^2 - 4$

$$g(x) = x - 1 - 2x^2 + 4x - 2 + 4x^2 - 4$$

$$g(x) = 2x^2 + 5x - 7$$

$$G(x) = 4x^2 - 25 - (4x^2 - 20x + 25) - 2x + 5$$

$$G(x) = (2x-5)(2x+5) - (2x-5)^2 - (2x-5)$$

$$G(x) = (2x-5)[(2x+5)-(2x-5)-1]$$

$$G(x) = 9(2x-5)$$

b) $g(x) = (x-1) - 2(x-1)(x-1) + 4(x-1)(x+1)$

$$g(x) = (x-1)[1 - 2(x-1) + 4(x+1)]$$

$$g(x) = (x-1)[1 - 2x + 2 + 4x + 4]$$

Conclusion : $g(x) = (x-1)(2x+7)$.

c) $(x-1)(2x+7) = 2x^2 + 7x - 2x - 7 = 2x^2 + 5x - 7$

Pour travailler tout seul avec internet:

Sesamath ; Mathenpoche ; Utiliser en ligne 3^e (en haut) ; lancer mathenpoche 3^e ; Numérique ; identités, équations.