

Exercice n°1 : la courbe C ci contre représente la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = -\frac{2}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 + 6x + 3$ dans un repère du plan.

1°) Déterminer la dérivée de la fonction f. (0,5 pt)

2°) a) Déterminer une équation de la tangente T_A à C au point A (0 ; f(0)) (0,75 pt)

(vérifier le résultat obtenu à l'aide de votre calculatrice).

b) Etudier la position relative de la courbe et de la tangente T_A (2,25 pt)

3°) Déterminer l'abscisse des points de la courbe C en lesquels la tangente à C est parallèle à l'axe des abscisses. (1,5 pt)

4°) Existe-t-il des tangentes à la courbe parallèle à la droite d'équation $y = 7x$? (1,5 pt)

Exercice n°2 : On considère la fonction trinôme f définie par $f(x) = ax^2 + bx + c$ et l'on note P sa courbe représentative. On sait que $f(1) = 8$, $f(-2) = 5$ et $f'(-1) = -2$, déterminer a, b et c. (1,5 pt)

Exercice n°3 :

Dans chacun des cas, déterminer l'ensemble de définition et de dérivabilité de f puis la dérivée de la fonction f :

1°) $f(x) = x \times \cos x$ 2°) $f(x) = (3x^2 + 2x)^2$ 3°) $f(x) = 2x + 2 - \frac{2}{3x-1}$

4°) $f(x) = \frac{1-3x}{(x-2)^2}$ (écrire le numérateur sous forme d'un produit de facteurs) 5°) $f(x) = (-2x + 3)^4$ 6°) $f(x) = \sqrt{5-3x}$

7°) $f(x) = 3 \cos\left(\frac{\pi}{2} - 2x\right)$ 8°) $f(x) = (2x-3)\sqrt{2-x}$ (réduire au même dénominateur).

9°) $f(x) = (x-1)(3-7x)^4$ (écrire f' sous forme d'un produit de facteurs).