

Exercice 1 : Soit $h(x) = x^3 + 5x^2 - 14x + 8$

1°) Le polynôme $h(x)$ est-il factorisable par $x + 2$? Justifiez votre réponse.

2°) Calculer $h(1)$

En déduire une expression de $h(x)$ sous forme d'un produit de deux facteurs dont l'un est du premier degré et l'autre du second degré.

Exercice n°2 : Soit $h(x) = 6x^3 - x^2 - 20x + 12$

1°) A l'aide du tableau de valeurs de votre calculatrice déterminer deux racines de $h(x)$ (choisir un pas de 0,5).

En déduire une factorisation de $h(x)$ sous forme d'un produit de trois facteurs du premier degré.

2°) Résoudre l'équation $h(x) = 0$

3°) Résoudre l'inéquation $h(x) > 0$.

Exercice n°3 : Soit $f(x) = 2x^2 + 3x - 2$

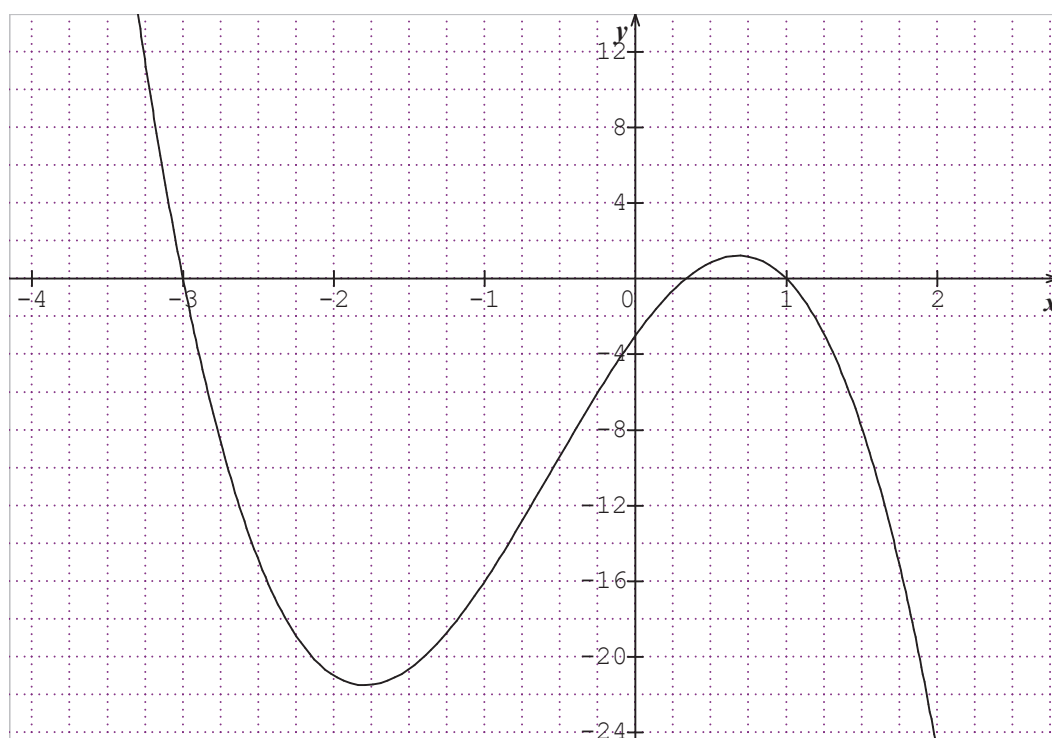
Le polynôme f possède une racine "apparente". Trouvez-la puis factorisez le polynôme.

Exercice n°4 : Déterminez trois réels a , b et c tels que, pour tout réel x de $] \frac{1}{2}, +\infty[$, on ait : $\frac{x^2 - 6x + 9}{1 - 2x} = ax + b + \frac{c}{1 - 2x}$

Exercice n°5 : Déterminer a pour que -2 soit une racine du polynôme $f(x) = -2x^3 + x^2 - 2x + a$.

Exercice n°6 : soit f une fonction polynôme définie par $f(x) = -3x^3 + ax^2 + bx + c$ où a , b et c sont trois réels.

Sa représentation graphique est la courbe ci-dessous



a) Déterminer a , b et c sachant que 1 et -3 sont des racines de $f(x)$ et que la courbe représentative de f , notée C_f passe par le point $A(0; -3)$.

Vérifier les résultats obtenus à l'aide de la calculatrice.

b) Ecrire alors le polynôme sous forme d'un produit de facteurs du premier degré.

c) Résoudre algébriquement l'équation $f(x) = 0$, puis l'inéquation $f(x) < 0$.

Vérifier à l'aide de la représentation graphique

Exercice n°7 : déterminer une équation cartésienne de la droite D passant par le point $A(-2;1)$ et parallèle à la droite D' dont une équation cartésienne est $2x + y + 7 = 0$.

Exercice 8 : on considère les droites D d'équation cartésienne $5x - 4y + 3 = 0$ et D' d'équation réduite $y = 1,25x - 2$.

1. Les droites D et D' se coupent-elles ? Justifier.

2. Soit D'' la droite passant par le point A'' de coordonnées $(-5;3)$ et de vecteur directeur $\vec{u}''$ de coordonnées $(3; b'')$.

Déterminer le réel b'' afin que les droites D et D'' se coupent au point I de coordonnées $(1; 2)$.