

Exercice n°1 (équations) : résoudre dans \mathbb{R}

a) $(2x-1)(-2x+37)(3x-1) = 0$. b) $(x+2)(3x-2) = (2-3x)(2x-1)$ c) $\frac{(x+1)^2}{x-2} = \frac{9}{x-2}$

Exercice n°2 (inéquations) : dans chacun des cas résoudre dans \mathbb{R} et donner l'ensemble des solutions sous forme d'intervalles :

a) $\frac{2-4x}{5} \leq 3$. b) $\frac{2x+2}{3} - \frac{x+1}{15} \leq \frac{1+4x}{5}$. c) $(2+3x)^2 - (2x+5)^2 > 0$ (penser à factoriser). d) $\frac{x-3}{2x-3} - 1 \leq 0$

Exercice n°3 : h est la fonction définie sur \mathbb{R}^* par $h(x) = \frac{1}{x}$ et i la fonction définie sur \mathbb{R} par $i(x) = 3x + 2$

1°) Tracer la représentation graphique de C_h de h dans un repère orthonormal d'unité graphique 1cm.

2°) Dans le même repère tracer la représentation graphique C_i de i.

3°) a) Vérifier que, pour tout réel x non nul, $h(x) - i(x) = \frac{(1-3x)(x+1)}{x}$.

b) Etudier le signe de $h(x) - i(x)$ sur \mathbb{R}^* .

c) En déduire la position relative des deux courbes C_h et C_i . Vérifier sur votre graphique les résultats obtenus.

Exercice n°4 : dans chacun des cas suivants, déterminer l'ensemble de définition de f puis vérifier en construisant la courbe représentative de f sur un ordinateur ou une calculatrice.

a) $f(x) = \frac{2x-1}{x^2-4x+4}$.

b) $f(x) = \sqrt{5+2x^2}$

c) $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$,