

Exercice n°5 : Le plan est muni d'un repère orthonormal (O, \vec{i}, \vec{j}) , d'unité graphique 1 cm.

Soit f la fonction définie sur $[-2 ; 4]$ par $f(x) = -x^2 + 2x + 1$ et C_f la courbe représentative de f : voir figure ci-dessous.

Partie A :

1°) Calculer la valeur exacte de $f(\sqrt{2})$

2°) Résoudre par le calcul l'équation $f(x) = 1$. Vérifier le résultat obtenu à l'aide du graphique.

3°) Programmez la fonction sur votre calculatrice et vérifiez que vous obtenez bien la même représentation graphique sur votre écran.

D'après le graphique, l'équation $f(x) = 0$ admet une solution x_0 dans l'intervalle $[-1, 0]$.

A l'aide de votre calculatrice, déterminez une valeur approchée à 10^{-2} près de x_0

Partie B :

Le tableau suivant donne les nombres dérivés de f pour certaines valeurs de la variable.

| | | | | | | | |
|---------|----|----|---|---|----|----|----|
| a | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 |
| $f'(a)$ | 6 | 4 | 2 | 0 | -2 | -4 | -6 |

1°) Construire sur la figure ci-contre, la tangente T_A à la courbe C_f au point A d'abscisse -1 .

Faire apparaître sur le graphique la méthode utilisée, justifiez votre réponse.

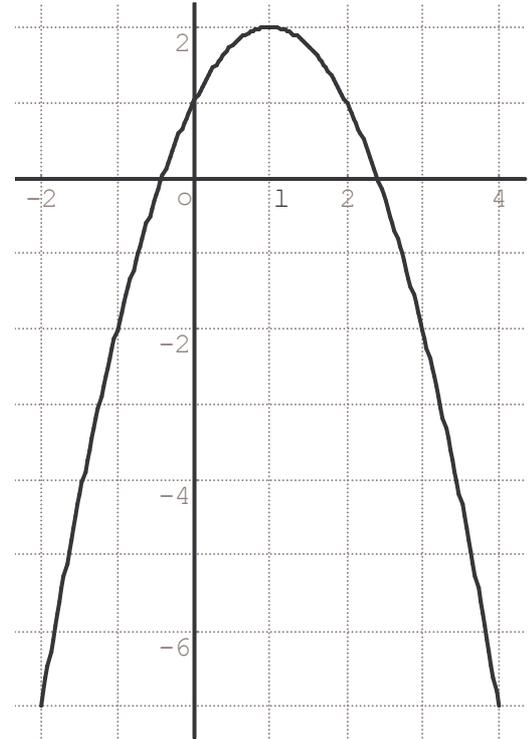
2°) Construire sur la figure ci-contre, la tangente T_B à la courbe C_f au point B d'abscisse 1.

3°) Construire la tangente T_C à la courbe C_f au point C d'abscisse 2.

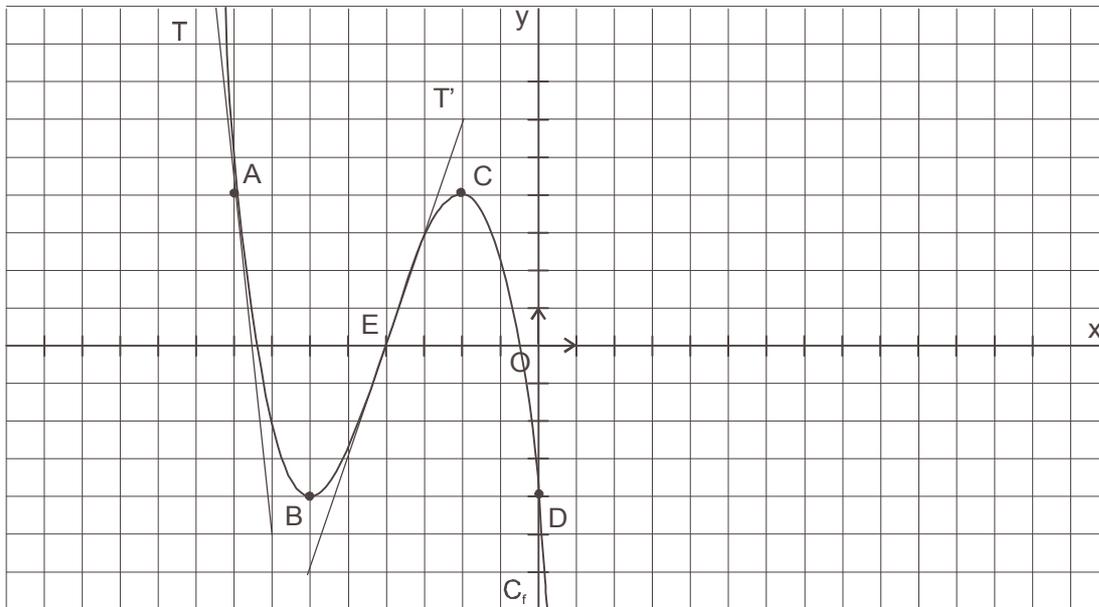
4°) a) Déterminer une équation de la tangente T_C

b) Déterminer une équation de la tangente T_B

5°) Résoudre graphiquement $f'(x) < 0$.



Exercice n°6 : Soit la fonction f définie sur l'intervalle $[-9, 1]$ dont la courbe représentative C_f est donnée par le graphique ci



dessus.

1°) Lire sur le graphique $f(-2)$.

2°) Lire sur le graphique $f'(-8)$ (Justifiez votre réponse) puis lire $f'(-4)$.

3°) Déterminez l'équation réduite de T la tangente à C_f en A, puis l'équation réduite de T_B la tangente à C_f en B.

4°) Résoudre graphiquement dans $[-9, 1]$ (justifiez votre réponse) :

a) $f(x) = 4$ b) $f'(x) = 0$ c) $f'(x) > 0$.

5°) Dresser le tableau de variation de la fonction sur $[-8 ; 0]$.