

PROBABILITÉS CONDITIONNELLES : CONTRÔLE DES CONNAISSANCES.

I) Probabilité conditionnelle :

1°) Définition : probabilité conditionnelle

Soit Ω un univers fini, P une probabilité et A un événement de probabilité non nulle .
La **probabilité de l'événement B sachant A réalisé** est notée

Elle est définie par le quotient :

2°) Calculer la probabilité de l'intersection de deux événements avec une probabilité conditionnelle

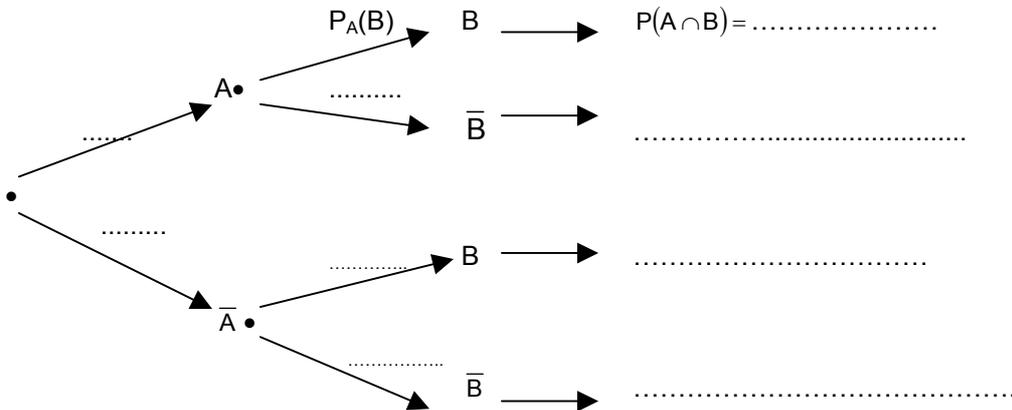
Si on connaît la probabilité de l'événement A et la probabilité conditionnelle de B sachant que A est réalisé, on en déduit la probabilité de l'événement $A \cap B$: $P(A \cap B) = \dots\dots\dots$

De même si on connaît la probabilité de l'événement B et la probabilité conditionnelle de A sachant que B est réalisé, on en déduit la probabilité de l'événement $A \cap B$: $P(A \cap B) = \dots\dots\dots$

En résumé : Si $P(A) \neq 0$ et $P(B) \neq 0$ alors $P(A \cap B) = \dots\dots\dots$

II) Arbres pondérés :

Dans un univers donné, soit A et B deux événements non impossibles.
Il y a quatre chemins sur l'arbre.



Trois propriétés sont très utiles pour construire les arbres et les utiliser :

1) La probabilité d'un chemin est le

2) La somme des probabilités des branches issues d'un même nœud est égale à :
 $P(A) + \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$ et $P_A(B) + \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

3) La probabilité d'un événement est la des probabilités des chemins qui y aboutissent :

$$P(B) = P(\dots\dots\dots) + P(\dots\dots\dots)$$

III) Événements indépendants

1°) Définition : Les événements A et B sont **indépendants** si et seulement si $P(A \cap B) = \dots\dots\dots$.

2°) Remarques : si $P(A) \neq 0$ et $P(B) \neq 0$ alors

A et B indépendants équivaut à $P_A(B) = \dots\dots\dots$ (la réalisation de A n'a pas sur celle de B)
ou à $P_B(A) = \dots\dots\dots$ (la réalisation de B n'a pas sur celle de A)

Ne pas confondre événements incompatibles et événements indépendants .

Si A et B sont des événements incompatibles non impossible , alors $p(A \cap B) = p(\emptyset) = 0$

Or $P(A) \times P(B) \neq 0$ car $P(A) \neq 0$ et $P(B) \neq 0$.

3°) Propriétés admises :

Si A et B sont indépendants, A et \bar{B} sont, \bar{A} et B sont \bar{A} et \bar{B} sont